

Принято на заседании
Ученого совета института ИБО НИТУ МИСИС
Протокол от 19.10.2023 № 3

**ПРОГРАММА
ВСТУПИТЕЛЬНОГО ИСПЫТАНИЯ
ДЛЯ ПОСТУПАЮЩИХ НА ОБУЧЕНИЕ ПО ПРОГРАММАМ
БАЗОВОГО ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ/
БАКАЛАВРИАТА/ СПЕЦИАЛИТЕТА
МАТЕМАТИКА**

Москва 2023

СОДЕРЖАНИЕ

| | |
|---|---|
| I. ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА | 3 |
| 1. Цели вступительного испытания | 3 |
| 2. Форма, продолжительность проведения вступительного испытания | 3 |
| 3. Критерии оценивания | 3 |
| 4. Перечень принадлежностей | 3 |
| II. СОДЕРЖАНИЕ РАЗДЕЛОВ | 4 |
| 5. Раздел 1. АРИФМЕТИКА | 6 |
| 6. Раздел 2. АЛГЕБРА | 7 |
| 7. Раздел 3. ТРИГОНОМЕТРИЯ | 7 |
| 8. Раздел 4. НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА | 8 |
| 9. Раздел 5. ГЕОМЕТРИЯ | 8 |
| 10. Раздел 6. АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ | 8 |
| III. РЕКОМЕНДУЕМАЯ ЛИТЕРАТУРА | 9 |

I. ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

1. Цели вступительного испытания

Цель вступительного испытания - оценка уровня освоения поступающими на первый курс компетенций по математике, необходимых для обучения в вузе.

2. Форма, продолжительность проведения вступительного испытания.

Вступительные испытания по МАТЕМАТИКЕ проводятся в виде письменного экзамена. Продолжительность вступительного испытания составляет 4 часа (240 минут).

3. Критерии оценивания.

Поступающий получает индивидуальный билет, содержащий задачи различной сложности. Задача считается решенной правильно, если выполнены все задания, указанные в условии задачи, приводится корректное, обоснованное решение и получен правильный ответ. Если задача решена правильно, то она оценивается максимальным количеством баллов, стоящим в соответствующей графе билета напротив задачи. Максимально возможное количество баллов составляет 100 баллов.

4. Перечень принадлежностей, которые поступающий имеет право принести в аудиторию во время проведения вступительного испытания: ручка, пишущая черными или синими чернилами, простой карандаш и ластик.

II. СОДЕРЖАНИЕ РАЗДЕЛОВ

Требования к подготовленности поступающего

Общие компетенции

Знать/понимать:

- значение математики как универсального языка науки,
- роль математических методов как средства моделирования явлений и процессов, а также их исследования,
- принципы решения локальных и глобальных экстремальных задач с помощью математических методов,
- смысл и место, которое занимают определения различных понятий, правила, теоремы, формулы и методы решения различных задач средствами математики.

Уметь:

- логически грамотно, аргументировано проводить рассуждения и доказательства,
- делать обоснованные выводы,
- грамотно оперировать основными математическими понятиями,
- применять математические методы для решения различных (не только математических) задач.

Частные компетенции

Знать/понимать:

Арифметика:

- арифметические операции и их свойства, порядок действий,
- правила действия с обыкновенными и десятичными дробями, процентные отношения,
- основные признаки делимости натуральных чисел,
- смысл модуля (абсолютная величина) числа и степени с целым показателем.

Алгебра:

- формулы сокращенного умножения,
- правила действия со степенями (целыми, рациональными, действительными),
- методы отыскания корней многочленов, формулы для корней квадратного трехчлена,
- определение и свойства логарифмов,
- свойства степенной функции с натуральным показателем, дробно-линейной функции, показательной и логарифмической функций, а также вид графиков этих функций,
- методы решения алгебраических, иррациональных и дробно-рациональных, показательных и логарифмических уравнений, неравенств и систем,
- методы решения задач с параметрами,
- методы решения текстовых задач (на движение, работу, проценты и т.д.),
- определения и свойства арифметической и геометрической прогрессий, бесконечно убывающей геометрической прогрессии, а также формулы для общих членов и сумм первых n членов.

Тригонометрия:

- определения, свойства и графики тригонометрических функций,
- основные тригонометрические формулы,
- методы решения тригонометрических уравнений, неравенств и систем.

Начала математического анализа:

- определения понятий предела функции, её непрерывности и производной,
- правила дифференцирования суммы, произведения, частного и сложной функции,
- вид уравнения касательной к графику функции,
- признаки убывания и возрастания функции,
- методы отыскания локальных и глобальных экстремумов функций.

Геометрия:

- определения и свойства основных геометрических фигур: треугольник, параллелограмм, трапеция, круг,
- формулы для вычисления площадей: треугольник, параллелограмм, трапеция, круг,
- формулу для вычисления длины окружности,
- определения и свойства основных пространственных тел: призма, пирамида, цилиндр, конус и шар,
- формулы для вычисления площади полной и боковой поверхности, а также объема: призма, пирамида, цилиндр, конус,
- формулу для вычисления объема шара и площади сферы,
- сечения плоскостью основных пространственных тел: призма, пирамида, цилиндр, конус и шар.

Аналитическая геометрия:

- определения вектора, линейных операций над векторами, координат вектора, скалярного произведения векторов,
- выражение через координаты скалярного произведения векторов, длин векторов, косинуса угла между векторами,
- признаки перпендикулярности и коллинеарности векторов,
- уравнение прямой на плоскости, угловой коэффициент прямой и его геометрический смысл,
- уравнение окружности.

Уметь:

Арифметика:

- выполнять арифметические действия с целыми числами, обыкновенными и десятичными дробями, сочетая устные и письменные приемы,
- находить наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное,
- грамотно выполнять операции с процентами.

Алгебра:

- вычислять значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования,
- находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем и логарифмы,
- проводить по известным формулам и правилам преобразования буквенных выражений, включающих степени, радикалы и логарифмы,
- применять формулы сокращенного умножения и выделять полный квадрат,
- исследовать основные функции (степенная функция с натуральным показателем, дробно-линейная функция, показательная функция и логарифмическая функция) и строить их графики,

- решать с помощью различных методов алгебраические, иррациональные и дробно-рациональные, показательные и логарифмические уравнения, неравенства и системы, а также задачи с параметрами,
- изображать на координатной плоскости множества решений простейших уравнений, неравенств и систем,
- решать текстовые задачи, применяя различные методы,
- используя основные свойства и формулы, решать задачи, связанные с арифметическими и геометрическими прогрессиями.

Тригонометрия:

- строить графики тригонометрических функций,
- решать тригонометрические уравнения, неравенства и системы.

Начала математического анализа:

- находить производные суммы, произведения, частного и сложной функции,
- составлять уравнение касательной к графику функции,
- находить промежутки убывания и возрастания функции,
- исследовать функции на локальный экстремум и определять характер экстремальных точек,
- находить наибольшее и наименьшее значения функций,
- решать задачи, связанные с отысканием наибольшего (наименьшего) значения.

Геометрия:

- вычислять геометрические характеристики (углы, площади и т.д.) основных геометрических фигур: треугольника, параллелограмма, трапеции, правильного многоугольника,
- вычислять длину окружности и площадь круга,
- применять для решения задач свойства основных геометрических фигур: треугольника, параллелограмма, трапеции, правильного многоугольника, круга,
- изображать основные пространственные тела: призма, пирамида, цилиндр, конус и шар,
- вычислять объем, а также площадь полной и боковой поверхности: призма, пирамида, цилиндр, конус,
- вычислять объем шара и площадь сферы,
- применять для решения задач свойства основных пространственных тел: призма, пирамида, цилиндр, конус и шар,
- строить сечения плоскостью основных пространственных тел: призма, пирамида, цилиндр, конус и шар.

Аналитическая геометрия:

- выполнять линейные операции над векторами,
- вычислять скалярное произведение векторов, длины векторов, косинус угла между векторами,
- представлять вектор на плоскости в виде линейной комбинации двух неколлинеарных векторов и вектор в пространстве – в виде линейной комбинации трех некомпланарных векторов,
- записывать уравнения прямой и окружности на плоскости,
- определять взаимное расположение двух прямых на плоскости по их уравнениям,
- применять аппарат аналитической геометрии для решения задач планиметрии и стереометрии.

Раздел 1. АРИФМЕТИКА

Натуральные числа. Десятичная система счисления. Римская нумерация. Арифметические действия с натуральными числами. Законы арифметических действий: переместительный, сочетательный, распределительный. Порядок действий.

Делимость натуральных чисел. Признаки делимости на 2, 3, 5, 9, 10. Простые и составные числа. Разложение натурального числа на простые множители. Наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное. Деление с остатком.

Дроби. Обыкновенная дробь. Сравнение дробей. Арифметические действия с обыкновенными дробями. Нахождение части от целого и целого по его части.

Десятичная дробь. Сравнение десятичных дробей. Арифметические действия десятичными дробями. Представление десятичной дроби в виде обыкновенной дроби и обыкновенной дроби в виде десятичной.

Рациональные числа. Целые числа: положительные, отрицательные и нуль.

Модуль (абсолютная величина) числа. Сравнение рациональных чисел. Арифметические действия с рациональными числами. Степень с целым показателем.

Проценты. Пропорция. Пропорциональная и обратно пропорциональная зависимости.

Раздел 2. АЛГЕБРА

Алгебраические выражения и дроби. Буквенные выражения (выражения с переменными). Допустимые значения переменных, входящих в алгебраические выражения.

Тождество, доказательство тождеств.

Формулы сокращенного умножения: квадрат суммы и разности, куб суммы и разности, разность квадратов, сумма и разность кубов.

Многочлены. Степень, корни, разложение на множители. Квадратный трехчлен: выделение полного квадрата, теорема Виета, формула для корней, разложение на множители.

Корни и степени. Степень с рациональным показателем и ее свойства. Понятие о степени с действительным показателем. Свойства степеней.

Логарифмы. Логарифм числа. Основное логарифмическое тождество. Логарифм произведения, частного, степени; переход к новому основанию. Десятичный и натуральный логарифмы, число e .

Функции. Область определения и множество значений. График функции. Построение графиков функций, заданных различными способами. Свойства функций: монотонность, четность и нечетность, периодичность, ограниченность. Вертикальные и горизонтальные асимптоты графиков.

Обратная функция. Область определения и область значений обратной функции. График обратной функции.

Степенная функция с натуральным показателем, дробно-линейная функция, показательная функция (экспонента), логарифмическая функция, их свойства и графики.

Алгебраические, иррациональные и дробно-рациональные, показательные и логарифмические уравнения, неравенства и системы. Различные методы их решения. Метод интервалов.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами, методы их решения.

Текстовые задачи (на движение, работу, проценты и т.д.) и методы их решения.

Числовые последовательности. Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Формулы для определения общих членов и сумм первых n членов прогрессий.

Раздел 3. ТРИГОНОМЕТРИЯ

Тригонометрические функции их свойства и графики.

Основные тригонометрические формулы.

Тригонометрические уравнения, неравенства и системы. Методы их решения, метод интервалов с использованием тригонометрического круга.

Раздел 4. НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА

Понятия предела и непрерывности функции.

Понятие производной функции, физический и геометрический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.

Производные суммы, разности, произведения, частного, производная сложной функции.

Производные основных элементарных функций.

Применение производной к исследованию функций и построению графиков.

Раздел 5. ГЕОМЕТРИЯ

Планиметрия.

Равенство и подобие фигур.

Треугольник. Вычисление площади треугольника.

Параллелограмм. Основные теоремы. Вычисление площади параллелограмма.

Трапеция. Средняя линия трапеции. Вычисление площади трапеции.

Многоугольники. Правильные многоугольники. Вычисление площади правильного многоугольника.

Окружность. Основные теоремы. Длина окружности и площадь круга.

Стереометрия.

Прямая и плоскость в пространстве. Угол между прямой и плоскостью. Угол между плоскостями. Основные теоремы.

Призма. Сечения призмы плоскостью. Площадь боковой и полной поверхностей призмы. Объем призмы.

Пирамида. Сечения пирамиды плоскостью. Площадь боковой и полной поверхностей пирамиды. Объем пирамиды.

Прямой круговой цилиндр. Сечения цилиндра плоскостью. Площадь боковой и полной поверхностей цилиндра. Объем цилиндра.

Прямой круговой конус. Сечения конуса плоскостью. Площадь боковой и полной поверхностей конуса. Объем конуса.

Шар и сфера. Сечение шара плоскостью. Площадь сферы и объем шара.

Комбинации многогранников и тел вращения.

Раздел 6. АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ

Векторы, линейные операции над ними. Коллинеарность и компланарность векторов. Координаты векторов.

Скалярное произведение векторов, его свойства, вычисление и приложения.

Прямая на плоскости. Прямая и плоскость в пространстве.

Приложения аналитической геометрии в планиметрии и стереометрии.

III РЕКОМЕНДУЕМАЯ ЛИТЕРАТУРА

1. Мордкович А.Г. и др. Алгебра. 7 класс. В 2-х частях. 4.1, учебник. 2017 г. 165 с.
2. Мордкович А.Г. и др. Алгебра. 7 класс. В 2-х частях. 4.2. Задачник для учащихся общеобразовательных учреждений. 2017 г. 207 с.
3. Мордкович А.Г. и др. Алгебра. 8 класс. В 2-х частях. 4.1, учебник. 2017 г. 165 с.
4. Мордкович А.Г. и др. Алгебра. 8 класс. В 2-х частях. 4.2, задачник. 2017 г. 271с.
5. Мордкович А.Г. и др. Алгебра. 9 класс. Учебник. 2017г. 192 с.
6. Мордкович А.Г. и др. Алгебра. 9 класс. Задачник. 2017г. 144 с.
7. Мордкович А.Г. Алгебра и начала анализа. 10-11 классы. Учебник для общеобразовательных учреждений. 2017г.335с.
8. Мордкович А.Г., Денищева Л.О., Корешкова Т.А., Мишустина Т.Н., Тульчинская Е.Е. Алгебра и начала анализа. 10-11 классы. Задачник для общеобразовательных учреждений. 2017 г. 315с.
9. Атанасян Л.С., Бутузов В.Ф., Кадомцев С.Б., Позняк Э.Г., Юдина И.И. Геометрия. Учебник для 7-9 классов средней школы. М.: Просвещение, 2017г. 335с.
10. Атанасян Л.С., Бутузов В.Ф., Кадомцев С.Б., Киселева Л.С., Позняк Э.Г. Геометрия. Учебник для 10-11 классов средней школы. М.: Просвещение. 2017г. 207с.
11. Ткачук В. В. Математика - абитуриенту. 2018 г. МЦНМО. 944 с.
12. Сергеев П.В. Математика в спецклассах 57-й школы. Математический анализ. 2011 г. 180 с.
13. Никольский С.М., Потапов М.К., Решетников Н.Н., Шевкина А.В. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс. Просвещение . 2017 г. 436 с.
14. Сычёва Г.В., Гусева Н.Б., Гусев В.А. Алгебра: Нестандартные задачи: экспресс-репетитор для подготовки к ГИА: 9-й кл. 2012 г. 130 с.
15. Атанасян Л.С., Бутузов В.Ф., Кадомцев С.Б., Юдина И. И. Геометрия. 7 класс. 2017 г. 120 с.
16. Атанасян Л.С., Бутузов В.Ф., Кадомцев С.Б., Юдина И. И. Геометрия. 8 класс. 2016 г. 240 с.
17. Атанасян Л.С., Бутузов В.Ф., Кадомцев С.Б., Юдина И. И. Геометрия. 9 класс. 2017 г. 160с.
18. Райхмист Р.Б. Задачник по математике для учащихся средних школ и поступающих в ВУЗы М.: «Московский лицей», 2014 г.
19. Математика. Подготовка к ЕГЭ в 2022 году. Диагностические работы. Базовый уровень. МЦНМО. 2020г. 112 с.
20. Математика. Подготовка к ЕГЭ в 2022 году. Диагностические работы. Профильный уровень. МЦНМО. 2020г. 160 с.